

「計算と論理」

Software Foundations

その0

五十嵐 淳

cal18@fos.kuis.kyoto-u.ac.jp

京都大学

October 2, 2018

担当教員について

- 名前: 五十嵐 淳 (いがらし あつし)
- 所属: 情報学研究科 通信情報システム専攻 計算機
ソフトウェア分野
- オフィス: 総合研究7号館 224号室 (月曜日の 17:00
～18:00 は在室予定)
- 講義についての質問・連絡:
 - ▶ メイル: cal18@fos.kuis.kyoto-u.ac.jp
 - ▶ Twitter ハッシュタグ: #kuiscal18
- 講義 WWW ページ: <http://www.fos.kuis.kyoto-u.ac.jp/~igarashi/class/cal/>

TA

- 西川 剛史 (にしかわ たけし)
- 所属: 情報学研究科 通信情報システム専攻 計算機
ソフトウェア分野
- オフィス: 総合研究7号館 227号室

講義内容

シラバスより

数理論理学の基礎と、数理論理学を用いた計算機プログラムの検証について講述する。また、講義を補完するため、証明支援系(計算機上で数学的証明を行うシステム)である Coq を用いた演習を行う。

数理論理学

判断 (judgment) について (数理的手法で) 考える学問

判断 (命題ということもある)

△ 真偽を考えることが可能な文

- 命題論理: 単純な判断を組み合わせて複合的な判断を構成する「接続詞」の理論
 - ▶ 「かつ」「または」「ならば」「～ではない」
- 述語論理: 量化を伴なう判断の理論
 - ▶ 「任意の〇〇について～である」「ある〇〇が存在して～である」
- (様相論理: 真偽を修飾する副詞の理論)
 - ▶ 「必然的に～である」「～である可能性がある」「未来永劫～である」

数理論理学: 意味論と証明論

- 意味論…与えられた判断が「真である」とはどういうことかを考える
 - ▶ 真理値表(論理関数)は命題論理の意味論のひとつ
- 証明論…与えられた命題の「証明」とは何か、「証明できること」と「真であること」との関係(健全性と完全性),「証明が同じ・違う」とはどういうことかを考える
 - ▶ 様々な証明(記述)体系: 自然演繹, シーケント計算, ヒルベルト流公理

数理論理学: 意味論と証明論

- 意味論…与えられた判断が「真である」とはどういうことかを考える
 - ▶ 真理値表(論理関数)は命題論理の意味論のひとつ
- 証明論…与えられた命題の「証明」とは何か, 「証明できること」と「真であること」との関係(健全性と完全性), 「証明が同じ・違う」とはどういうことかを考える
 - ▶ 様々な証明(記述)体系: 自然演繹, シーケント計算, ヒルベルト流公理

計算機プログラムの検証

「計算機プログラム」の正しさの証明を与える

- 「正しさ」の基準 ⇒ 判断として書かれた仕様 (specification)
- 例:

リストを反転させる OCaml 関数 `rev` の仕様

任意のリスト `xs` について $\text{rev}(\text{rev } xs) = xs$

Q. これだけで仕様として十分といえるだろうか?
(他にも `rev` が満たすべき仕様はないだろうか?)

- c.f. 単体(unit) テスト

証明支援系 Coq を用いた演習

証明支援系: 計算機で数学をするためのソフトウェア

- 数学的対象(数, リスト, 木などのデータ)定義とその対象を操作するプログラムの記述言語
 - ▶ OCaml, Scheme, Haskell のような関数型プログラミング
 - ▶ ただし静的に型がついている
 - ▶ 文法は OCaml に近い(が微妙に違うので困る;-)
- (対象の性質を述べる) 判断の記述言語
- 判断の証明の記述言語
- 証明の検査機能
- (自動証明機能)

を使って、色々なプログラムや、それが正しいことの証明を書く

Coq について

- フランスの INRIA (国立の情報学研究所) で開発されている証明支援系
- OCaml (これも INRIA 製) で実装されている
- 2013 年に ACM SIGPLAN Programming Languages Software Award と ACM Software System Award を受賞
- 大規模な応用例も:
 - ▶ ソフトウェア安全性・正しさの保証
 - ★ レピダム社による OpenSSL のバグ発見
 - ★ C コンパイラ の検証 (CompCert プロジェクト)
 - ▶ 数学の証明の正しさのチェック
 - ⇒ 例) 四色問題, ケプラー予想

講義内容

シラバスより

数理論理学の基礎と、数理論理学を用いた計算機プログラムの検証について講述する。また、講義を補完するため、証明支援系(計算機上で数学的証明を行うシステム)である Coq を用いた演習を行う。

講義の(裏)テーマ

証明 = プログラム

(「Curry–Howard 同型対応」としても知られる論理と計算の関係)

教科書

Benjamin C. Pierce, et al. Logical Foundations. Vol.1 of The Software Foundations Series.

<https://softwarefoundations.cis.upenn.edu/>

- 注意: オンライン・テキストで本家のものは予告なく内容が変わる可能性あり
- 本講義では 2018/09 末時点でのスナップショットを使うので, 本家のものは使わないでください
- 古い版の和訳もネットに転がっている

入手方法

- ① GitHub アカウントを作る
- ② ブラウザで秘密の URL(問い合わせてください) にアクセスすると, <https://github.com/ComputationAndLogicAtKUEng/hw-XXXX> に自分だけの教科書レポジトリができる (XXXX は GitHub アカウント名)
- ③ このレポジトリを clone する

入手方法その2

GitHub の使い方が(今は)わからないという人のための避難手段:

- <https://www.fos.kuis.kyoto-u.ac.jp/~igarashi/class/cal/lf-201810.zip>
- ユーザ名: cal2018
- パスワード: coockadoodledoo

宿題提出に GitHub が必要なのであくまでも一時しひぎと考えてください.

成績評価

- 宿題 30%
 - ▶ 宿題は、教科書のファイルを編集して GitHub 経由で提出します
 - ▶ git, GitHub の使い方がわからない人は補講します
- 期末試験 70%
- 隨意課題や教室での演習によりさらに加点

講義スケジュール

- 通常スケジュール: 10/2, 9, 16, 23, 30, 11/6, 13, 20, 27, 12/4, 12/11, 12/18, 12/25(!?), 1/8, 22

宿題：10/9 午前10:30まで

- テキスト Preface.v, Basics.v の予習
- Coq 環境の構築
- (提出物はありません)

Coq 環境の構築

- ① Coq 8.8.1 のインストール
 - ▶ 先週 8.8.2 が出てしまったのですがテストできていません
- ② Emacs 使いの人は proofgeneral (と company-coq) のインストール
 - ▶ Emacs から証明支援系を使うための Emacs Lisp ソフトウェア
- ③ そうでない人は CoqIDE のインストール
 - ▶ GTK を使った Coq 専用の証明統合開発環境

Coq 環境構築(Ubuntu 編)

- opam (OCaml パッケージマネージャ) のインストール
 - ▶ <https://opam.ocaml.org/doc/Install.html>
- Coq 8.8.1 (と CoqIDE) のインストール
 - ▶ opam install coq
 - ▶ opam install coqide
- Proof General をインストール
 - ▶ <https://proofgeneral.github.io/> を見てください

- さらに Company-coq を入れると記号がかっこよく表示される
 - ▶ `https://github.com/cpitclaudel/company-coq`

Coq 環境構築(MacOS X 編)

- Coq 8.8.1 (と CoqIDE) のインストール
 - ▶ <https://github.com/coq/coq/releases/tag/V8.8.1>からダウンロード・インストール
 - ▶ CoqIDE もいっしょに入る
 - ▶ Ubuntu と同じく opam で入れてもよい
- Emacs と Proof General のインストール
 - ▶ Emacs は homebrew で入れるのがいいかな
 - ▶ Proof General は
<https://proofgeneral.github.io/> を見てください

Coq 環境構築(Windows編)

- Coq 8.8.1 (と CoqIDE) のインストール
 - ▶ <https://github.com/coq/coq/releases/tag/V8.8.1>からダウンロード・インストール
 - ▶ CoqIDE もいっしょに入る
- Emacs, Proof General のインストール
 - ▶ Windows の Emacs 環境わかりません ;-)
 - ▶ Proof General は
<https://proofgeneral.github.io/> を見てください

Coq の動作確認 (Proof General 編)

Proof General 起動方法

Emacs で教科書の Basics.v を読み込む

「じえねらるたん」¹ が現れた後、ファイルの内容が表示される

- C-c C-n で、ファイルの内容が少しずつ(決まった単位で) Coq に送られ、処理済部分の背景が青くなる
- C-c C-u は逆 (undo)
 - ▶ ツールバーの左右矢印でも操作可能
- C-c RET で現在のカーソル位置まで一気に読み込まれる・巻き戻される

¹とある日本人の活躍(?)で、以前はもっといかつい軍人さん (See <http://proofgeneral.inf.ed.ac.uk/gallery>) だったのがかわいくなった

Coq の動作確認 (CoqIDE 編)

- Basics.v を ファイル → 開く, で開く
- ツールバーの下矢印で, ファイルの内容が少しずつ
(決まった単位で) coq に送られ, 処理済部分
の背景が緑になる
- 上矢印は逆で undo する.
 - ▶ ショートカットキーもあります

受講上の注意

- Twitter でのつぶやき (#kuiscal18) を(講義中でも)歓迎します
- 来週から、**スライドの紙配布はありません**
- ノート PC 持込受講を歓迎します
- 実際に証明を書いてみないと身につきません
- 書かれている記号の意味をよくよく考えましょう
 - ▶ とにかくコマンドを連打していたらいつの間にか証明ができる、というのは(じきにわからなくなる一歩前の)危険な徵候